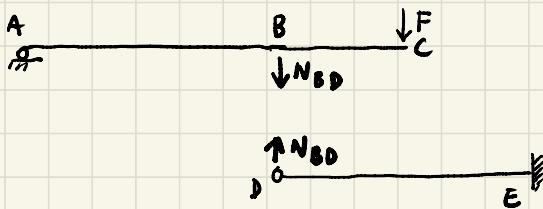


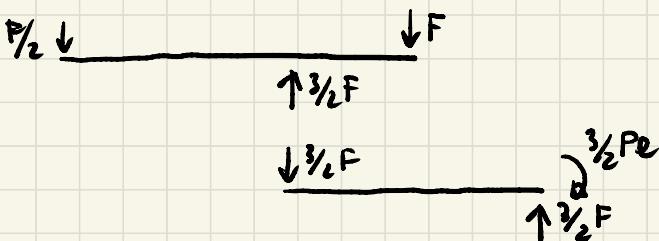
NB l'asta BD è carica solo alle estremità. Pertanto c'è soltanto una reazione di tipo forze normali, come mostrato in figura:

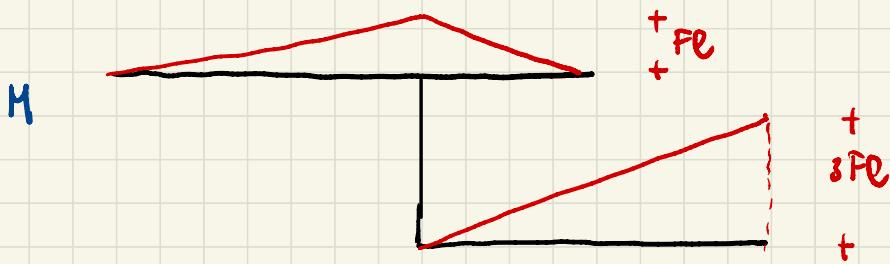


Imponendo l'annullarsi del momento risultante nel fatto AC rispetto al polo A troviamo:

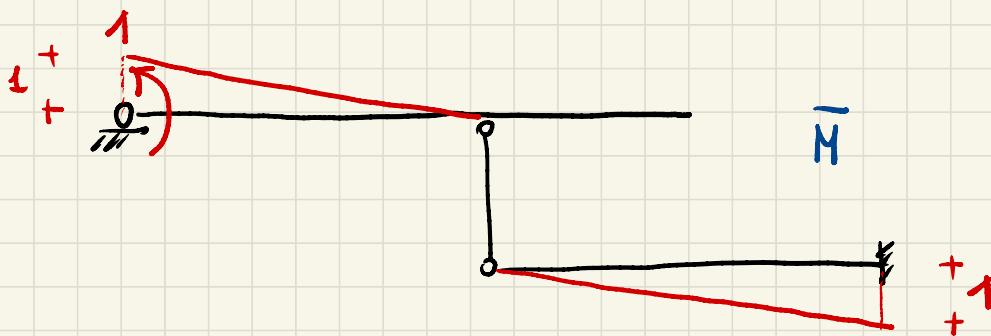
$$N_{BD} = -\frac{3}{2}F$$

Ne segue che la reazione in A è rivolta verso il basso e ha intensità  $F/2$ . Il diagramma di struttura viene e' il seguente:





Come sistema virtuale di forze e sollecitazioni equilibrata adoperiamo il seguente:



Applicando il principio dei lavori virtuali troviamo:

$$\Delta_{\text{re}} = q_A \cdot 1$$

$$L_{V_i} = \frac{1}{EI} \int \bar{N} \bar{N} = \frac{1}{EI} \int_0^{2l} \left( -\frac{Fz}{2} \right) \left( -1 + \frac{z}{2l} \right) dz$$

$$+ \frac{1}{EI} \int_0^{2l} \left( -3Fz \right) \left( \frac{z}{2l} \right) dz$$

$$\rightarrow = \frac{1}{EI} 2l \int_0^1 (+Fl) s(1-s) ds$$

$$s = \frac{z}{2l}$$

cambio di  
variabile

$$+ \frac{1}{EI} 2l \int_0^1 (-3Fl) s \cdot s ds$$

$$= \frac{2Fl^2}{EI} \int_0^1 s(1-s) ds - \frac{6Fl^2}{EI} \int_0^1 s^2 ds$$

$$= \frac{2Fl^2}{EI} \left( \frac{1}{3} - \frac{1}{8} \right) - \frac{6Fl^2}{EI} \frac{1}{3} = \frac{Fl^2}{EI} \left( \frac{1}{3} - 2 \right)$$

$$= -\frac{5}{3} \frac{Fl^2}{EI}$$

Otteniamo dunque:

$$\varphi_A = -\frac{5}{3} \frac{Fl^2}{EI}$$